

Financijska tržišta i institucije

Seminar

Ekonomski fakultet u Osijeku

Mr.sc. Domagoj Sajter www.efos.hr/~dsajter

Prinos u razdoblju držanja

Što ćemo naučiti?

Prinos u razdoblju držanja

Linearna interpolacija

FTil - www.efos.hr/~dsajter

- prinos u razdoblju držanja -

Kako izračunati cijenu vr. papira (npr. obveznice) ako ju ne držimo do dospijeća, već ju prodamo ranije?

Jednako kao i kod prinosa do dospijeća, samo što posljednji član nije nominalna vrijednost (glavnica), već cijena po kojoj smo prodali vr. papir, a prinos do dospijeća (y) postaje prinos u razdoblju držanja ($h = holding$).

Primjer:

Koja je maksimalna cijena po kojoj bismo trebali kupiti obveznicu, ako želimo ostvariti prinos u razdoblju držanja od 5,75%, a emitent isplaćuje kupon od 75 kn jednom godišnje, na kraju razdoblja?

Obveznicu nećemo držati do dospijeća. Namjeravamo ju prodati i pretpostavimo da imamo kupca koji nam je obećao otkupiti tu obveznicu nakon dvije godine po cijeni od 964,00 kn.

$$P = \frac{I_1}{(1+h)^1} + \frac{I_2}{(1+h)^2} + \frac{P_2}{(1+h)^2}$$

$$P = \frac{75}{(1+0,0575)^1} + \frac{75}{(1+0,0575)^2} + \frac{964}{(1+0,0575)^2}$$

FTil - www.efos.hr/~dsajter

- Primjer polugodišnje isplate kupona -

Iz prethodnog primjera:

Kupili smo obveznicu po cijeni od 1000 kn, i nakon dvije godine prodali po 964 kn.

Jesmo li što zaradili?

Isplaćena su nam dva kupona te smo stoga ostvarili prinos od 5,75%.

Primjer polugodišnje isplate kupona:

$P_p = 1000$ kn, isplaćuje se po dospijeću; $n = 2$ god.

$I = 6,25\%$, isplaćuje se polugodišnje; $y = 7,5\%$

$P = ?$

$$P = \frac{62,5 / 2}{(1 + 0,075 / 2)^1} + \frac{62,5 / 2}{(1 + 0,075 / 2)^2} + \frac{62,5 / 2}{(1 + 0,075 / 2)^3} + \frac{62,5 / 2}{(1 + 0,075 / 2)^4} + \frac{1000}{(1 + 0,075 / 2)^4}$$

$$+ \frac{1000}{(1 + 0,075 / 2)^4} = 977,17 \text{ kn}$$

FTil - www.efos.hr/~dsajter

- Linearna interpolacija -

U stvarnosti znamo trenutnu cijenu obveznice (vidimo ju na burzi), te znamo kolika je obećana, kuponska stopa. Stoga imamo sve podatke osim y – prinosa do dospijeća kojega trebamo izračunati.

y se ne može izračunati direktno, pa ga računamo metodom linearne interpolacije (ili korištenjem funkcije *YIELD* u Excelu).

Pri tome valja imati na umu **inverzan** odnos cijene i prinosa.

FTil - www.efos.hr/~dsajter

- Linearna interpolacija -

Primjer:

$P = 985,00 \text{ kn}$

$P_P = 1000 \text{ kn}$, isplaćuje se po dospijeću

$I = 8,5\%$, isplaćuje se jednom godišnje

$n = 2 \text{ god.}$

$y = ?$

1. “Nasumično” odaberemo neku vrijednost za y za koju smatramo da bi mogla biti točna, i računamo cijenu. Npr. $y_1 = 9\%$
2. Uz $y_1 = 9\% \rightarrow P_1 = 991,20 \text{ kn}$, $> P = 985,00 \text{ kn}$
3. Izabiremo novu vrijednost za y . Npr. $y_2 = 9,5\%$
4. Uz $y_2 = 9,5\% \rightarrow P_2 = 982,52 \text{ kn}$, $< P = 985,00 \text{ kn}$

FTil - www.efos.hr/~dsajter

- Linearna interpolacija -

Dakle, imamo:

$$\begin{aligned}y &= ? \rightarrow P = 985,00 \text{ kn} \\y_1 &= 9\% \rightarrow P_1 = 991,20 \text{ kn} \\y_2 &= 9,5\% \rightarrow P_2 = 982,52 \text{ kn} \\&\quad - 0,5\% \qquad \qquad \qquad 8,68\end{aligned}$$

$$y \approx y_1 + \frac{P - P_1}{P_1 - P_2} * (y_1 - y_2)$$

$$y \approx 9\% + \frac{985 - 991,20}{8,68} * (-0,5\%) \approx 9,35714\% \\y = 9,35683\% \text{ (Excel, fx RATE)}$$

FTil - www.efos.hr/~dsajter

- Linearna interpolacija -

Primjer za zadaću:

$$P = 1055,00 \text{ kn}$$

$P_P = 1000 \text{ kn}$, isplaćuje se po dospijeću

$I = 9,5\%$, isplaćuje se jednom godišnje

$n = 3 \text{ god.}$

$$y = ?$$

Linearnom interpolacijom riješite zadatak i izračunajte prinos do dospijeća!

FTil - www.efos.hr/~dsajter

Prinos u razdoblju držanja

Što smo naučili?

Prinos u razdoblju držanja

Linearna interpolacija

$$y \approx y_1 + \frac{P - P_1}{P_1 - P_2} * (y_1 - y_2)$$

Pitanja, sugestije, prijedlozi, komentari?

Pišite na **sajter (a) efos.hr**

FTII - www.efos.hr/~dsajter